

FUNÇÕES DE CORRELAÇÃO DE SPINS ELETRÔNICOS E NUCLEARES  
EM UM MEIO SEMI-INFINITO ANTIFERROMAGNETO DE HEISENBERG<sup>§</sup>

E. F. Sarmiento<sup>§</sup>, D. R. Tilley<sup>\*\*</sup>, M. G. Cottam<sup>\*</sup> e B. Žeks<sup>\*\*\*</sup>

<sup>§</sup>Departamento de Física, Universidade Federal de Alagoas  
57.000, Maceio, Brasil

<sup>\*</sup>Department of Physics, University of Essex, Colchester  
CO4 3SQ, England

Resultados são encontrados para as funções dinâmicas de correlação (ou suas funções de Greens correspondentes) entre qualquer combinação incluindo pares de operadores de spins eletrônicos e nucleares em um meio semi-infinito antiferromagneto, a baixas temperaturas  $T \ll T_N$ . Essas funções de correlação são usadas para investigar ao mesmo tempo as propriedades de ondas de spins superficiais no volume e na superfície. As relações de dispersão dos modos acoplados de ondas de spins eletrônicas e nucleares na superfície são encontradas resolvendo um sistema de equações linearizadas de operadores de spins.

\*\* Endereço permanente : Institut Jozef Stefan, Ljubljana, Yugoslavia.

§ Trabalho parcialmente financiado pelo CNPq, Brasil.

As propriedades dinâmicas de ferro e antiferromagnetos de Heisenberg, no qual os spins eletrônicos são acoplados aos correspondentes spins nucleares por meio de uma interação hiperfina, tem sido considerado em um número de trabalhos anteriores relativo a cristais infinitos. Em particular de Gennes et al (1) mostrou que o espectro de excitações consiste do acoplamento de ondas de spins eletrônicos e nucleares. A existência de ondas de spins nucleares superficiais em antiferromagnetos foi previamente mostrado por Sarges (2). As funções de correlação dinâmica entre um par de operadores de spins na ausência do acoplamento hiperfino em qualquer dois sítios dentro de um antiferromagneto de Heisenberg semi-infinito a baixas temperaturas, foram obtidas por Cottam (3). Recentemente, Sarmento e Cottam (4,5) usando o mesmo formalismo, obtiveram as funções de Green dependentes de spin de um isolante ferromagnético semi-infinito no qual existe uma interação de troca de Heisenberg entre spins eletrônicos vizinhos e um acoplamento hiperfino entre os spins nucleares e eletrônicos. Nesse trabalho nós calculamos as funções de Green dependente de spin de um antiferromagneto semi-infinito, as quais fornecem uma descrição de todos os seis modos de ondas de spins (quatro modos no volume e dois na superfície).

O Hamiltoniano é dado por

$$\begin{aligned}
 H = \sum_{\underline{r}, \underline{r}'} J(\underline{r}, \underline{r}') \underline{S}_{\underline{r}} \cdot \underline{S}_{\underline{r}'} - \gamma_E \left[ \sum_{\underline{r}} (H_0 + H_a(\underline{r})) S_{\underline{r}}^z + \sum_{\underline{r}'} (H_0 - H_a(\underline{r}')) S_{\underline{r}'}^z \right] \\
 + A \left[ \sum_{\underline{r}} \underline{S}_{\underline{r}} \cdot \underline{I}_{\underline{r}} + \sum_{\underline{r}'} \underline{S}_{\underline{r}'} \cdot \underline{I}_{\underline{r}'} \right] - \gamma_N H_0 \left[ \sum_{\underline{r}} I_{\underline{r}}^z + \sum_{\underline{r}'} I_{\underline{r}'}^z \right]
 \end{aligned} \quad (1)$$

onde  $\underline{r}$  e  $\underline{r}'$  referem-se a sítios nas subredes 1 (spins  $\uparrow$ ) and 2 (spins  $\downarrow$ ) respectivamente e  $J(\underline{r}, \underline{r}')$  é a interação de troca. Nós assumimos que os spins eletrônicos  $\underline{S}_{\underline{r}}$  e os spins nucleares  $\underline{I}_{\underline{r}}$  estão nos sítios  $\underline{r} = (na, \underline{\rho})$ , onde  $\underline{\rho}$  é um vetor em duas dimensões no plano yz com o eixo dos x perpendicular à superfície.  $H_0$  é um campo aplicado na direção x, e  $H_a(\underline{r})$  e

$g_a(\underline{r}')$  são campos de anisotropia.  $A$  é a interação hiperfina, enquanto  $\gamma_E$  e  $\gamma_N$  são os fatores giromagnéticos eletrônicos e nucleares respectivamente. Nós assumiremos uma interação de troca diferente de zero, apenas para primeiros vizinhos das subredes opostas, tendo o valor  $J_1$  se um dos spins está na superfície e  $J$  para os demais. Nós indicaremos as camadas atômicas paralelas a superfície com um índice  $n$ , e a camada  $n$  contém apenas spins  $\uparrow$  se  $n$  for ímpar e apenas spins  $\downarrow$  se  $n$  for par.

Nós desenvolvemos as funções de Green transversas de spin  $F_{n,n'} = \langle\langle \alpha_n^+; \beta_{n'}^- \rangle\rangle_{q,E}$ , onde  $\alpha$  e  $\beta$  podem ser S ou I. Seguindo procedimentos idêntico ao de Cottam (3) a função de Green para os spins eletrônico com  $n$  e  $n'$  par é dada por

$$G_{2,2}^{s,t}(q,E) = \frac{1}{2\pi} \frac{E - \gamma_I}{8SJ^2\xi^2(q)} \frac{\gamma_{st}}{(1-\gamma_s)(1-\gamma_t)} \left( \frac{1}{1-st} - \frac{\gamma\Delta}{1+\gamma\Delta} \right) \quad (2)$$

onde

$$\gamma_I = \gamma_E(H_0 + H_a) + 8JS - AI + (A^2SI)/(E - \gamma_N^+)$$

$$\xi(q) = \cos(1/2 q_y a) \cos(1/2 q_z a), \quad \gamma_N^+ = \gamma_N H_0 - AS$$

e  $\gamma$  é uma variável complexa ( $|\gamma| < 1$ ) satisfazendo

$$\gamma + \gamma^{-1} = -\left\{ \left[ \frac{(E - \gamma_I)(E - \gamma_p)}{[4JS\xi(q)]^2} \right] + 2 \right\} \quad (3)$$

com

$$\gamma_p = \gamma_E(H_0 - H_a) - 8JS + AI + (A^2SI)/(E - \gamma_N^-)$$

e  $\gamma_N^- = \gamma_N H_0 + AS$ . Parâmetro  $\Delta$ , o qual depende de características da superfície é dado por

$$\Delta = 1 - \frac{E - \gamma_I}{E - \gamma_s} \left( \frac{J_1}{J} \right)^2 + \frac{(E - \gamma_I)(J - J_1)}{4S(J\xi(q))^2} \quad (4)$$

onde

$$\gamma_s = \gamma_E(H_0 + H_a) + 8J_1S - AI_s + (A^2SI_s)/(E - \gamma_N^+)$$

Detalhes desses cálculos, assim como as demais funções de Green existentes serão dados em (6).

Os modos de ondas de spins no bulk correspondem a  $\gamma = \exp(iq_y a)$ .

o qual substituído em (3) fornece a equação quártica

$$(E - \gamma_I)(E - \gamma_P) = - [8JS\xi(q) \cos(1/2 q_x a)]^2 \quad (5)$$

cujas soluções são os usuais modos acoplados de ondas de spins eletrônicos e nucleares no bulk. As excitações de superfície correspondem à condição de  $(1 + \gamma\Delta) = 0$ , e a substituição de  $\gamma = -1/\Delta$  em (3) fornece

$$(E - \gamma_S)(E - \gamma_P) = (E - \gamma_I) 4JS (\xi(q))^2 \quad (6)$$

cujas soluções representam os modos acoplados de ondas de spins eletrônicos e nucleares na superfície. Duas soluções dessa equação são não físicas e portanto descartadas, desde que elas não satisfazem a condição  $|\gamma| < 1$ . Os resultados mostram que a frequência dos modos superficiais fica abaixo da banda dos modos de frequência do bulk. Essas relações de dispersão são discutidas em mais detalhes em (6). As funções de correlação encontradas aqui são de interesse, desde que elas determinam a resposta dinâmica do sistema magnético, e nós pretendemos aplicá-las para discutir a observabilidade de ondas de spins nucleares por técnicas de ressonância magnética em uma publicação subsequente.

#### REFERENCIAS

- {1} P. G. de Gennes, P. A. Pincus, F. Hartman-Boutron and J. M. Winter, Phys. Rev. 129, (1963), 1105.
- {2} K. H. Sarges, Phys. Letters 36A, (1971), 9.
- {3} M. G. Cottam, J. Phys. C11, (1978), 151.
- {4} E. F. Sarmiento e M. G. Cottam, J. of Mag. Mag. Mat. 15-18, (1980), 1013.
- {5} E. F. Sarmiento e M. G. Cottam, submetido ao J. Phys. C.
- {6} E. F. Sarmiento, D. R. Tilley, M. G. Cottam e B. Zeks - em preparação.